Programmation Parallèle en Mémoire Partagée

Sophie Robert

UFR ST Département informatique

Le parallélisme et la mémoire partagée

Les caractéristiques

• Tous les threads partagent le même espace mémoire



- Il faut partager les calculs 🙂
- Règle de l'accès concurrent à la mémoire



Programmation explicite des threads

- Une librairie pour créer et gérer les threads exécutant des instructions en parallèle.
- A la charge de celui qui écrit le programme.

```
#include <thread>
void printHello(int a){
  cout << " Hello World " << a+1 << " " << endl:
int main(int argc, char* argv[]){
  thread th:
  th = thread(printHello,1);
  th.join();
  return(0);
```

```
#include <thread>
#define NUM THREADS 8
void printHellold() {
   std::thread::id id = this thread::get id();
   cout << " Hello World from " << id << endl;
int main(int argc, char* argv[]){
   thread th [NUM THREADS];
   for (int i=0; i < NUM THREADS; i++)
      th[i] = thread(printHelloId);
                                                    sophie@sebelso: ~/Enseignement/M1/ProgPar.
   for (int i=0; i < NUM THREADS;
                                                    Fichier Édition Affichage Rechercher Termina
                                                   (base) ProgParallele-$./main
      th[i].join();
                                                    Hello World from Hello World from 140428416882432140428
                                                    Hello World from Hello World from Hello World from 148
   return 0;
                                                   140428400097024
                                                   140428408489728
                                                    Hello World from 140428292638464
                                                    Hello World from 148428317816576
                                                    Hello World from 140428301031168
```

(base) ProgParallele-\$

I'API

1. un constructeur lance un nouveau thread qui commence son exécution en invoquant f avec les arguments args

```
thread (Function&& f, Args&& ... args);
```

 une fonction join pour la synchronisation. Le thread appelant est bloqué jusqu'à la fin de l'exécution du thread (*this).

```
void join();
```

th.join() attend la terminaison du thread th

L'accès concurrent

- la synchronisation par join
- différents verrous mutex condition

Précisions: Processeur/Cœur, Processus/Thread

Processeur/Cœur

 Un processeur par socket de la carte mère constitué d'un ou plusieurs cœurs qui partagent la mémoire de ce processeur.

Processus/Thread

- Un Processus est un programme en exécution et il inclut :
 - Un espace d'adressage (pile, tas, données, ...)
 - Des descripteurs des ressources allouées
 - Un état d'exécution
- Un Thread (processus léger) est aussi un programme en exécution mais il est lié à un processus :
 - Il n'inclut que sa pile et son état d'exécution
 - Tout le reste est partagé avec le processus père et tous les threads du même processus

Approche OpenMP

Programmation par annotations

- Un ensemble de directives #pragma omp directive
- Une bibliothèque de fonctions
- Des variables d'environnement
- Fortran, C, C++



https://www.openmp.org/

Approche OpenMP: Hello World

```
void main (){
    int id = 0;
    printf ("Hello(%d) ", id);
    printf ("world(%d)\n", id);
```

Approche OpenMP: Hello World

```
#include <omp.h>
void main (){
#pragma omp parallel
    int id = 0;
    printf ("Hello(%d) ", id);
    printf ("world(%d)\n", id);
```

Compilation

```
g++ -std=c++11 -fopenmp hello.cpp -o hello
```

Approche OpenMP: Hello World

```
#include <omp.h>
void main (){
#pragma omp parallel
      int id = omp get thread num();
      printf ("Hello(%d) ", id);
      printf ("world(%d)\n", id);
                                                Fichier Édition Affichage Rechercher
                                                (base) ProgParallele-$./Hello
                                                Hello(\theta) world(\theta)
                                                Hello(7) world(7)
                                                Hello(3) world(3)
                                                Hello(4) world(4)
                                                Hello(2) Hello(6) world(2)
                                                Hello(1) world(1)
                                               world(6)
                                                Hello(5) world(5)
                                                (base) ProgParallele-$
```

Une équipe de Threads

- Thread maître : le processus créant la région parallèle (identifiant 0).
- Équipe : l'ensemble des threads qui participent à l'exécution parallèle.

Fork-Join



Une équipe de Threads

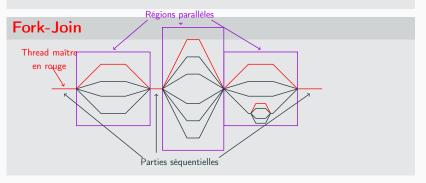
- Thread maître : le processus créant la région parallèle (identifiant 0).
- Équipe : l'ensemble des threads qui participent à l'exécution parallèle.

Fork-Join



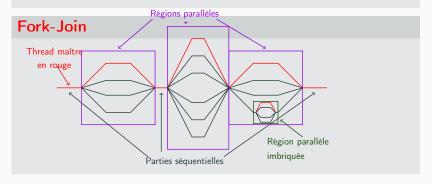
Une équipe de Threads

- Thread maître : le processus créant la région parallèle (identifiant 0).
- Équipe : l'ensemble des threads qui participent à l'exécution parallèle.



Une équipe de Threads

- Thread maître : le processus créant la région parallèle (identifiant 0).
- Équipe : l'ensemble des threads qui participent à l'exécution parallèle.



OpenMP: vue d'ensemble

Modèle multi-threadé en mémoire partagée

- Les threads communiquent en partageant des variables.
- Un partage non intentionnel de données produit des situations de compétition (race condition)
 - et des erreurs sur les résultats
- Pour empêcher les *race conditions* :
 - synchronisation
- La synchronisation coûte cher donc pour obtenir de la performance
 - modifier les accès aux données pour minimiser les besoins en synchronisation

Les régions parallèles

- En OpenMP, les threads sont créés avec la construction parallel
- Par exemple, pour créer une région parallèle de 4 threads :

```
#pragma omp parallel
{
  int id = omp_get_thread_num();
  f(id);
}
```

Interprétation

Chaque thread appelle f(id) pour id = 0 à 3.

Comment déterminer le nombre de processus

La taille max de l'équipe de threads

- Une variable d'environnement OMP_NUM_THREADS
- une fonction OpenMP (deprecated)

```
void omp_set_num_threads(int num_threads);
```

La taille d'une région parallèle

• par une clause lors de sa création

```
#pragma omp parallel num_threads(x)
{
    ...
}
```

• x au plus la taille max de l'équipe

Bonne pratique

hello.cpp

```
int main () {
#pragma omp parallel num_threads(4)
    {
      int id = omp_get_thread_num();
      printf ("Hello(%d)", id);
    }
}
```

Compilation/Exécution

- g++ -std=c++11 -fopenmp hello.cpp -o hello
- OMP_NUM_THREADS=16 ./hello

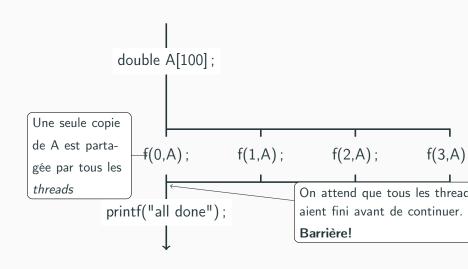
Les régions parallèles

```
double A[100];
#pragma omp parallel num_threads(4)
{
  int id = omp_get_thread_num();
  f(id, A);
}
printf("all done");
```

Interprétation

- Chaque thread appelle f(id, A) pour id = 0 à 3.
- Le tableau A est une variable partagée par tous les threads

Les régions parallèles

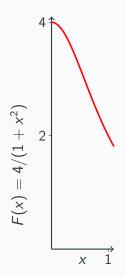


La taille de l'équipe et son identifiant

```
int omp_get_num_threads();
int omp_get_thread_num();
```

- 1. nombre de threads dans l'équipe
- 2. id (ou rang) du thread

Un exemple : approximation de la valeur de π

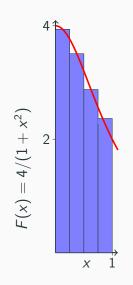


Intégration numérique

Modélisation mathématique, nous savons que :

$$\int_0^1 \frac{4.0}{(1+x^2)} dx = \pi$$

Un exemple : approximation de la valeur de π



Intégration numérique

Mathématiquement, nous savons que :

$$\int_0^1 \frac{4.0}{(1+x^2)} dx = \pi$$

Nous pouvons approcher l'intégrale par une somme d'aires de rectangles :

$$\sum_{i=0}^{N} F(x_i) \Delta x \approx \pi$$

Où chaque rectangle a une largeur Δx et une hauteur F(x) au milieu de l'intervalle .

Première version : En séquentiel

```
static long num steps = 100000;
double step;
int main(){
  double x, pi, sum = 0.0;
  step = 1.0/(double) num steps;
  for (int i=0; i < num steps; <math>i++){
      x = (i+0.5)*step;
      sum += 4.0 / (1.0 + x*x);
  pi = sum * step;
```

Deuxième version : avec une région parallèle

```
static long nsteps = 100000;
int main(int, char* argv[]) {
  int nthreads = atoi(argv[1]);
 double pi=0.0, sum[nthreads], step=1.0/nsteps;
 #pragma omp parallel num threads(nthreads)
     double x;
     int id = omp get thread num();
     sum[id] = 0.0;
     for (int i=id ; i < nsteps; i+=nthreads){</pre>
        x = (i+0.5)*step;
        sum[id] += 4.0 / (1.0 + x*x); }
  for (int i = 0; i < nthreads; i++)
   pi += sum[i];
  pi = pi * step; }
```

La visibilité des variables

```
double pi=0.0, sum[nthreads], step=1.0/nsteps;
  #pragma omp parallel num_threads(nthreads)
  {
    int id;
    double x;
```

Interprétation

- pi avant la région parallèle est une variable partagée accessible en lecture et écriture par tous les threads dans la région parallèle
- x déclarée dans la région parallèle est une variable locale à chaque thread. Elle n'existe plus à la sortie de la région parallèle.

Deuxième version : Éviter les accès concurrents

```
double sum[nthreads];
```

Interprétation

Promotion du scalaire vers un tableau de taille nthreads pour que chaque thread écrive dans une case différente

```
id = omp_get_thread_num();
for (int i=id ; i < nsteps; i+=nthreads){
    x = (i+0.5)*step;
    sum[id] += 4.0 / (1.0 + x*x);}</pre>
```

Interprétation

Technique usuelle pour obtenir une distribution cyclique des itérations d'une boucle.

Comment gérer les accès concurrents

Les constructions de haut niveau

- Critical
- Atomic
- Barrière

Les constructions de bas niveau (prochain cours)

- Flush
- Verrous

Les sections critiques

Un seul thread à la fois peut entrer dans une région critical

```
float res;
#pragma omp parallel num threads(
   nthreads)
  float B; int i, id;
  id = omp get thread num();
  for(i=id; i<niters; i+=nthreads){</pre>
    B = big job(i);
#pragma omp critical
    consume (B, res);
```

Interprétation

Les threads attendent leur tour. Un seul appel à consume() à la fois.

La construction Atomic

Atomic offre une exclusion mutuelle mais s'applique uniquement sur les mises à jour d'un espace mémoire (ici, la mise à jour de x par exemple).

```
double x = 0.0;
#pragma omp parallel
  double tmp, B;
  B = dolt();
  tmp = big(B);
#pragma omp atomic
  x += tmp;
```

interprétation

- Atomic ne protège que les lectures/écritures de x.
- une seule instruction dans le bloc structuré

Retour au calcul de π

```
double sum[nthreads], step = 1.0/(double)
 num steps;
#pragma omp parallel num threads(nthreads)
  int i, id;
  double x;
  id = omp get thread num();
  sum[id] = 0.0;
  for (int i=id ; i < num steps; i+=nthreads){</pre>
    x = (i+0.5)*step;
    sum[id] += 4.0 / (1.0 + x*x);
double pi = 0.0;
for (int i = 0; i < nthreads; i++)
   pi += sum[i] * step;
```

Retour au calcul de π

False sharing

- Si des éléments indépendants sont situés sur la même ligne de cache, chaque mise à jour déclenche un déplacement de la ligne de cache d'un thread à un autre.
 - On appelle ceci du false sharing.
- Promouvoir un scalaire en tableau, les éléments restent contigus en mémoire et partagent leurs lignes de cache
 - Résultat : faible passage à l'échelle
- Solution :
 - Lorsque les mises à jour sont fréquentes, travailler avec des copies locales, plutôt qu'avec un tableau indexé par chaque thread
 - Il faut faire du *padding* pour que les éléments utilisés soient sur des lignes de cache distinctes

Solution au False sharing

```
double pi = 0.;
  double step = 1.0/(double) num steps;
#pragma omp parallel num threads(nthreads)
    double x, sum; <-----
    int id = omp get thread num();
    sum = 0.0: <-----
    for (int i=id ; i < num steps; i+=nthreads){</pre>
      x = (i + 0.5) * step;
      sum += 4.0 / (1.0 + x*x); < -----
#pragma omp critical
    pi += sum * step; <-----
```

Solution au false sharing

Variable locale

```
#pragma omp parallel num_threads(nthreads)
{
   int i, id, nthrds;
   double x, sum; <-----
   ...
}</pre>
```

Interprétation

- On créé un scalaire local à chaque thread pour accumuler les sommes partielles
- Pas de tableau, donc pas de false sharing

Solution au false sharing

Calcul en local

Interprétation

• Pas d'accès concurrent

Solution au false sharing

Résultat final

```
#pragma omp atomic
    pi += sum * step;
}
```

Interprétation

• Il faut protéger la somme dans une section critique.

SPMD vs partage de travail/collaboration

- La construction parallel crée un programme SPMD (Single Program Multiple Data), c-à-d chaque thread exécute le même code.
- Comment diviser un chemin d'exécution entre plusieurs threads formant une équipe?
- C'est de la collaboration (Worksharing)
 - A la main en différenciant le comportement de chaque thread en fonction de son identifiant
 - Gestion des boucles pour partager les itérations
 - Sections
 - Tasks

La directive for

Collaboration dans une boucle

La construction d'une collaboration sur une boucle répartit les itérations de la boucle en plusieurs threads dans une équipe.

Exemple

```
#pragma omp parallel num_threads(nthreads)
{

    #pragma omp for
    for (int i = 0; i < N; i++)
        calcul_savant(i);
}</pre>
```

Comment partager le travail d'une boucle?

Séquentiel

```
for (int i=0, i < N; i++) a[i] = a[i] + b[i];
```

OpenMP Région parallèle

```
#pragma omp parallel num threads(nthreads)
  int id , i , istart , iend;
  id = omp get thread num();
  istart = id * N/nthreads; // N divisible par
   nthreads
  iend = (id+1) * N/nthreads;
  for (i=istart; i<iend; i++)</pre>
    a[i] = a[i] + b[i]:
```

Comment partager le travail d'une boucle?

Séquentiel

```
for (int i=0, i < N; i++) a[i] = a[i] + b[i];
```

OpenMP : région parallel + construction for de collaboration

```
#pragma omp parallel num_threads(nthreads)
{
    #pragma omp for
    for (int i=0; i < N; i++) a[i] = a[i] + b[i];
}</pre>
```

Comment partager le travail d'une boucle?

OpenMP: construction combinée

```
#pragma omp parallel for num_threads(nthreads) for (int i=0; i < N; i++) a[i] = a[i] + b[i];
```

Paralléliser les boucles

Approche de base

- Trouver les boucles de calcul intensif
- Rendre les itérations de la boucle indépendantes afin qu'elles puissent s'exécuter dans n'importe quel ordre.
- Placer la directive OpenMP appropriée et c'est terminé!

Exemple 😩

```
int A[max];
int j = 5;
for (int i=0; i<max; i++){
   A[i] = big(j);
   j+=2;
}</pre>
```

Paralléliser les boucles

Approche de base

- Trouver les boucles de calcul intensif
- Rendre les itérations de la boucle indépendantes afin qu'elles puissent s'exécuter dans n'importe quel ordre.
- Placer la directive OpenMP appropriée et c'est terminé!

Example 0

```
int A[N];
#pragma omp parallel for
for (int i=0; i<N; i++){
  int j = 5+2*i; <-----
  A[i] = big(j);
}</pre>
```

Réduction

Comment gérer ce cas?

```
double moy=0.0, A[N];
for (int i = 0; i < N; i++)
  moy += A[i];
moy /= N;</pre>
```

Situation très fréquente

- Toutes les valeurs sont accumulées dans une seule variable. Il y a une vraie dépendance entre les itérations de la boucle qui ne peut pas être supprimée trivialement.
- C'est une situation connue appelée réduction.

Réduction avec OpenMP

La clause reduction

```
reduction (op : list)
```

Dans une construction de collaboration ou parallel

- Une copie locale de chaque variable de list est créée et initialisée en fonction de l'opérateur op (0 pour "+" par exemple.).
- Le compilateur trouve les expressions de réduction standard qui contiennent op et les utilise pour mettre à jour la copie.
- Les copies locales sont réduites à une valeur unique et combinées dans la valeur partagée d'origine.

Réduction avec OpenMP

```
La clause reduction
reduction (op : list)
```

Dans une construction de collaboration ou parallel

• Les variables de list doivent être partagées dans la région parallèle englobante

Exemple

```
double moy=0.0, A[N];
#pragma omp parallel for reduction(+:moy)
for (int i = 0; i < N; i++)
  moy += A[i];
moy /= N;</pre>
```

Partage de données

```
double A[10];
int main(){
  int index[10];
  #pragma omp parallel
    work(index);
  printf("%d\n", index[0]);
}
```

```
extern double A[10];
void work(int* index){
  double temp[10];
  static int count;
  ...
}
```

partagé ou local

- A, index et count sont partagés par tous les threads.
- temp est local à chaque thread

Changer les attributs de stockage d'une variable

- Il est possible de changer les attributs de stockage des données pour une construction omp en utilisant les clauses suivantes :
 - **shared** : partagée par tous les threads.
 - **private** : locale à chaque thread (non partagée \rightarrow privée).
 - firstprivate : comme private mais initialisée, pour chaque thread avec sa valeur avant la construction OpenMP.
 - lastprivate : comme private mais une dernière valeur de la donnée dans une boucle parallèle est transmise à la variable partagée en dehors de la boucle.

Attention!

Clause private

```
void wrong(){
 int tmp = 0;
 #pragma omp parallel for private(tmp)
 for (int j = 0; j < 1000; j++)
   tmp += i;
  printf ("tmp = %d n", tmp);
```

private(tmp)

• Crée une nouvelle copie locale de tmp pour chaque thread.

Attention

tmp n'est pas initialisée. Valeur de sortie?? 😀



Clause firstprivate

```
void useless(){
  int tmp = 0;
  #pragma omp parallel for firstprivate(tmp)
  for (int j = 0; j < 1000; j++)
    tmp += j;
  printf ("tmp = %d\n", tmp);
}</pre>
```

firstprivate

 Initialise chaque copie privée avec la valeur correspondante du thread maître (Cas particulier de private).

Clause firstprivate

```
void useless(){
  int tmp = 0;
  #pragma omp parallel for firstprivate(tmp)
  for (int j = 0; j < 1000; j++)
    tmp += j;
  printf ("tmp = %d\n", tmp);
}</pre>
```

firstprivate

 Initialise chaque copie privée avec la valeur correspondante du thread maître (Cas particulier de private).

Interprétation

• Chaque thread obtient son propre tmp (ici tmp=0)

Clause lastprivate

lastprivate

• Passe la valeur d'une variable privée à la dernière itération à la variable partagée (Cas particulier de private).

Interprétation

tmp=0 initialement et à la sortie recopie d'une des variables privées

Politique par défaut

clause default(shared/private/firstprivate)

- Le statut par défaut d'une variable pour laquelle on ne définit pas explicitement le statut
- Si on ne précise pas un statut par défaut les variables dont le statut n'est pas précisé sont shared

Politique par défaut

Cas particulier : clause default(none)

```
int A[N];
int j;
#pragma omp parallel for default(none)
for (int i=0; i<N; i++){
  j = 5+2*i;
  A[i] = big(j);
}</pre>
```

Interprétation

- A la compilation erreurs sur A et j
- il faut explicitement définir le statut des variables utilisées dans la région parallèle.

Politique par défaut

clause default(none)

Dernier retour sur le calcul de π !

La version séquentielle

```
static long num steps = 100000;
double step;
int main(){
  double x, pi, sum = 0.0;
  step = 1.0/(double) num steps;
  for (int i=0; i < num steps; <math>i++){
      x = (i+0.5)*step;
      sum += 4.0 / (1.0 + x*x);
  pi = sum * step;
```

Dernier retour sur le calcul de π

Une nouvelle version parallèle

```
#include <omp.h>
static long nsteps = 100000;
int main(int, char* argv[]){
  double x, pi, sum = 0.0;
  int nthreads = atoi(argv[1]);
  double step = 1.0/(double) nsteps;
  #pragma omp parallel for private(x) reduction(+:
   sum) num threads(nthreads)
  for (int i=0; i < nsteps; i++){
      x = (i+0.5)*step;
      sum += 4.0 / (1.0 + x*x);
  pi = sum * step;
```

Conclusion sur π !

1 ligne ajoutée

```
#include <omp.h>
...
#pragma omp parallel for private(x) reduction(+:
    sum) num_threads(nthreads)
...
```

Efficace et pas cher

Nous avons créé un programme parallèle sans changer une ligne de code. En ajoutant uniquement 1 ligne simple.

```
#pragma omp parallel shared(A,B,C) private(id)
{
  id=omp_get_thread_num();
  A[id] = big_calc1(id);
  A[id] = big_calc4(id);
} <------</pre>
```

Barrière implicite région parallèle

On ne sort de la région parallèle omp parallel que lorsque tous les threads ont terminé.

```
#pragma omp parallel shared(A,B,C) private(id)
  id=omp get thread num();
  A[id] = big calc1(id);
  #pragma omp for
  for (i = 0; i < N; i++)
       C[i] = big calc3(i,A);
 A[id] = big calc4(id);
```

Barrière implicite omp for

On ne sort de la boucle pour les instructions suivantes que lorsque tous les threads ont terminé leurs itérations

```
#pragma omp parallel shared(A,B,C) private(id)
  id=omp get thread num();
  A[id] = big calc1(id);
 #pragma omp for
  for (i = 0; i < N; i++)
       C[i] = big calc3(i,A);
  #pragma omp for nowait <----
  for (i = 0; i < N; i++)
       B[i] = big calc2(C, i);
 A[id] = big calc4(id);
```

On peut supprimer une barrière implicite

nowait est une clause pour omp parallel ou omp for qui permet de supprimer la barrière implicite.

```
#pragma omp parallel shared(A,B,C) private(id)
  id=omp get thread num();
  A[id] = big calc1(id);
  #pragma omp barrier <---
  #pragma omp for
  for (i = 0; i < N; i++)
       C[i] = big calc3(i,A);
  #pragma omp for nowait
  for (i = 0; i < N; i++)
       B[i] = big calc2(C, i);
 A[id] = big calc4(id);
```

Une barrière explicite

Il est possible de mettre une barrière explicite grâce à la directive omp barrier. C'est très coûteux

Synchronisation: Construction master

#pragma omp master

- La construction master annonce un bloc structuré qui est uniquement exécuté par le thread maître
- Les autres threads l'ignorent (aucune synchronisation)

```
#pragma omp parallel
{
   do_many_things();
   #pragma omp master
   {
      do_specific_things_master();
   }
   do_many_other_things
}
```

Synchronisation: Construction master

```
#pragma omp master
```

- La construction master annonce un bloc structuré qui est uniquement exécuté par le thread maître
- Il faut gérer la synchronisation si nécessaire par des barrières explicites

```
#pragma omp parallel
{
   do_many_things();
   #pragma omp master
   {
     exchange_boundaries();
   }
   #pragma omp barrier
   do_many_other_things
```

Construction single

#pragma omp single

- La construction single annonce un bloc structuré qui sera exécuté par un seul thread (pas nécessairement le thread maître)
- Il y a une barrière implicite à la fin d'un bloc single
- On peut enlever la barrière avec la clause nowait.

```
#pragma omp parallel
{
   do_many_things();
   #pragma omp single
   {
     exchange_boundaries();
}
```

Construction omp for et la clause schedule

La clause schedule modifie comment les itérations de la boucle seront projetées sur les threads.

- schedule(static[, chunk])
 Distribue des blocs d'itérations de taille chunk à chaque thread
- schedule(dynamic[, chunk])
 Chacun son tour, chaque thread prend chunk itérations dans une liste jusqu'à ce que toutes les itérations aient été réalisées.
- schedule(guided[, chunk])
 Les threads récupèrent dynamiquement des blocs d'itérations. La taille des blocs est d'abord grosse puis

Schedule

Quand se servir de quel ordonnancement?	
Ordonnancement	Quand s'en servir?
STATIC	Calcul pré-déterminé et prédictible
	par le programmeur
DYNAMIC	Non prédictible, quantité de travail
	par itération variable
GUIDED	Cas spécifique d'ordonnancement dynamique
	pour réduire la surcharge (overhead) introduit

schedule(static[,chunk])

- Si chunk n'est pas spécifié les itérations sont réparties "équitablement" sur les threads
- Sinon chaque thread effectue chunk itérations de manière cyclique.

```
static long num steps = 100000;
omp set num threads(8);
#pragma omp parallel for schedule(static,10)
                           private(x) reduction
   (+:sum)
  for (int i=0; i < num steps; <math>i++){
      x = (i+0.5)*step;
      sum += 4.0 / (1.0 + x*x);
  pi = sum * step;
```

• thread 0 · itérations 0->9 80->89 160->160

schedule(dynamic[,chunk])

- chunk par défaut vaut un
- Sinon chaque thread demande chunk itérations à exécuter et lorsqu'il a terminé demande un nouveau paquet de chunk itérations.

```
static long num steps = 100000;
omp set num threads(8);
#pragma omp parallel for schedule(dynamic, 10)
                           private(x) reduction
   (+:sum)
  for (int i=0; i < num steps; <math>i++){
      x = (i+0.5)*step;
      sum += 4.0 / (1.0 + x*x);
  pi = sum * step;
```

Boucles imbriquées

```
#pragma omp parallel for shared (A,B,C) for (int i=0; i < n; i++) for (int j=0: j < m; j++) C[i*n+j] = A[i*n+j]+B[i*n+j];
```

interprétation

Le calcul des lignes de C sont réparties sur les threads

```
for (int i=0; i < n; i++)
#pragma omp parallel for shared(A,B,C)
for (int j=0: j < m; j++)
        C[i*n+j] = A[i*n+j]+B[i*n+j];</pre>
```

interprétation

Le calcul de chaque ligne de C est réparti sur les threads

Boucles imbriquées : la clause collapse

```
#pragma omp parallel for shared (A,B,C) collapse (2) for (int i=0; i< n; i++) for (int j=0: j< m; j++)  C[i*n+j] = A[i*n+j]+B[i*n+j];
```

La clause collapse permet de spécifier le nombre de boucles qui sont réunies pour le partage du travail

interprétation sur notre exemple

Le calcul des éléments de la matrice C seront répartis sur les threads.

Les variables d'environnement OpenMP

Fonction ou clause	Variable d'environnement
omp_set_num_threads	OMP_NUM_THREADS=8
schedule(static,chk)	OMP_SCHEDULE=STATIC, chk
schedule(dynamic,chk)	OMP_SCHEDULE=DYNAMIC,chk

Pour wooclap

```
int N = grand;
int A[N]; // valeurs rand entre 0 et 100
#pragma omp parallel for schedule(??,10)
for (int i=0; i<N; i++)
   if (A[i]<50)
      for (int j=0; j<100; j++)
        A[i] += rand()%10;</pre>
```