

Exercice 1. Questions de cours (5pts)

1. Questions liées à la bibliothèque **MPI**

- (a) Soit le tableau global `tab=[6 5 8 1 4 2 9 3 7]` réparti sur 3 processeurs (`tab_local` sur chaque processeur), quel est le résultat `res` sur le processeur `pid = root` de l'opération

```
MPI_Reduce(tab_local, res, 3, MPI_INT, MPI_SUM, root, MPI_COMM_WORLD)
```

- (b) Soit un tableau de 21 entiers initialisé sur le processeur `root` sachant qu'on dispose de 4 processeurs. Si on exécute une diffusion par

```
MPI_Scatterv(tab, sendcounts, displs, MPI_INT, tab_recu, n, MPI_INT, root, MPI_COMM_WORLD)
```

- Quels sont les processeurs qui exécutent cette commande ?
- Quelle est la valeur de `n` sur le dernier processeur ?
- Quel est le contenu de `sendcounts` et quel(s) processeur(s) le définit ?

2. Questions liées à la programmation par directives **OpenMP**

- (a) Donnez une définition d'une section critique

- (b) Soit le programme suivant, quelle est la directive à rajouter et avant quelle ligne pour le paralléliser ?

```
1 #include <omp.h>
2 #define N 100000000
3 void main () {
4     int A = 0;
5     int* tab = new int[N];
6     // ... initialisation de tab (hors sujet)
7     for (int i=0; i<N; i++)
8         A += tab[i];
9 }
```

Exercice 2. Vérification d'une solution Sudoku en mémoire distribuée (8 pts)

Une grille de Sudoku généralisée est une matrice qui peut être vue comme un ensemble de blocs de taille $k \times k$ contenant tous les nombres de 1 à k si c'est bien une solution Sudoku. La matrice globale S est donc de taille $k^2 \times k^2$ et on a également une décomposition possible de S comme $k \times k$ blocs de taille $k \times k$. On souhaite paralléliser la vérification qu'une grille est bien une grille Sudoku correcte soit que chaque bloc, ligne, colonne contiennent exactement une fois chaque valeur de 1 à k .

1. Pour la vérification des blocs, quelle type de distribution choisiriez vous pour cette matrice S potentiellement très grande sachant qu'initialement seul le processeur `root` a accès à cette matrice (génération ou lecture dans un fichier) ? Quelles hypothèses faut-il faire sur le nombre de processeurs afin d'obtenir une répartition des données équilibrées (même quantité sur chaque processeur) ? Et quelle organisation des processeurs choisiriez vous ?
2. Comment peut-on paralléliser efficacement cette vérification ? Expliquez sans donner de code mais à partir d'un schéma ou d'un algorithme en pseudo langage.
3. Donnez les routines MPI nécessaires en les justifiant par rapport à l'organisation des processeurs, aux étapes de la parallélisation et/ou de communications. Vous pourrez vous appuyer sur un exemple (k et $nprocs$ fixés) et préciser les paramètres de ces routines par rapport à cet exemple.
4. Que faudrait-il ajouter pour faire la vérification complète ? Donnez les étapes supplémentaires sans les détailler.

Exercice 3. Diffusion en temps $O(\log_2(nprocs))$ (7 pts)

Soit la fonction `Diffusion(int *val)` qui diffuse le scalaire `val` défini sur le processeur 0. Cette diffusion doit être réalisée en temps $O(\log_2(nprocs))$ où `nprocs` est le nombre de processeurs. Sachant que vous ne pouvez utiliser que les fonctions `send` et `recv` bloquantes expliquez comment effectuer cette diffusion et donnez le code correspondant.

```
1
2 void Diffusion(int *val) {
3     int pid, nprocs;
4     MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &pid );
5     MPI_Comm_size (MPI_COMM_WORLD, &nprocs ) ;
6
7     // ....
8
9
10    }
11
12 #include <mpi.h>
13
14 int main ( int argc , char **argv )
15 {
16     int pid, nprocs;
17     MPI_Init (&argc , &argv) ;
18
19
20     int val;
21
22     if (pid==0)
23         val = 10;
24
25     Diffusion(val);
26
27     // sur tous les processeurs , val a pour valeur 10.
28
29     MPI_Finalize( ) ;
30     return 0 ;
31 }
```